

Question 1

La mesure d'un angle plat est de 180° .

Question 2

$$240 \text{ min} \div 60 \text{ min/h} = 4 \text{ h.}$$

Question 3

On commence par trier par ordre croissant : 5 ; 9 ; 15 ; 16 ; 20, la médiane de cette série de notes est 15

Question 4

$$1 \text{ unité} + \frac{3}{4} \text{ d'unité} = \frac{7}{4}.$$

Question 5

Si elle parcourt 90 km en une heure, alors il parcourt moitié moins de distance en moitié moins de temps, donc en 30 min .

Question 6

$$4 \times 5 \text{ cm} = 20 \text{ cm.}$$

Question 7

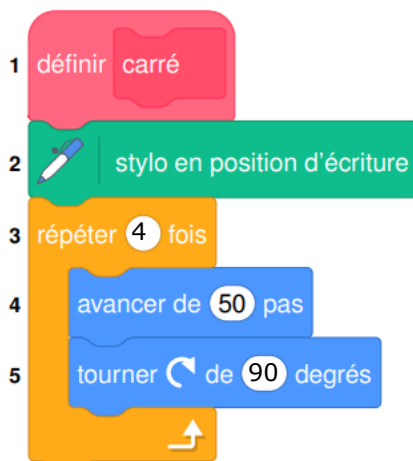
D'après le théorème de Thalès, $AD = 4 \times \frac{7}{2} \text{ cm} = 14 \text{ cm}$.

Question 8

25 % d'une quantité correspond à un quart de cette quantité donc $500 \text{ élèves} \div 4 = 125 \text{ élèves}$.

Donc $500 - 125 = \mathbf{375}$ élèves ne participent pas à cette olympiade

Question 9



Question 10

Le rectangle admet deux axes de symétrie.

Question 11

$$(-3)^2 = (-3) \times (-3) = 9.$$

Question 12

Le ratio 1 : 3 est équivalent au ratio 4 : 12, donc il faudra 4 cL de vinaigre pour 12 cL d'huile.

Exercice 1 (2pts)

1. Dans cette situation d'équiprobabilité, il y a 3 issues sur les 21 possibles, donc

$$P(\text{"obtenir les jetons 2 ou 3 ou 10"}) = \frac{3}{21} = \frac{1}{7}.$$

2. a. Liste des diviseurs de 24 : 1 ; 2 ; 3 ; 4 ; 6 ; 8 ; 12 ; 24.

Donc les issues cherchées sont : 1 ; 2 ; 3 ; 4 ; 6 ; 8 ; 12.

b. Il y a 7 diviseurs de 24 inférieurs à 21 donc ("obtenir les diviseurs de 24") = $\frac{7}{21} = \frac{1}{3}$.

Exercice 2 (3 pts)

1. g est une fonction linéaire et donc représente une situation de proportionnalité.

2. $g(0) = 6 \times 0 = 0$.

3. On cherche le nombre x tel que $f(x) = 4x + 3 = 0$.

Si $4x + 3 = 0$ alors $4x = -3$ et ainsi $x = -3 \div 4 = -\frac{3}{4} = -0,75$.

4. La droite représentant la fonction g est la droite passant par l'origine car g est une fonction linéaire, donc g est représentée par (d_1) .

par conséquent f est représentée par (d_2) , ce qui est vérifiable par l'ordonnée à l'origine de f qui est 3.

5. Les coordonnées du point d'intersection des deux droites semblent être (1,5 ; 9)

Exercice 3 (2,5 pts)

1. Moyenne des masses de déchets = $(62kg + 59kg + 74kg + 68kg + 55kg + 61kg + 71kg) \div 7 = \frac{450kg}{7} \approx 64kg$.

Donc le collège a réussi son objectif.

2.a. Effectif total = $33 + 32 + 42 + 31 + 35 + 27 + 23 + 21 + 13 = 257$.

b. Il y a $27 + 23 + 21 + 13 = 84$ élèves parcourant au moins 5 km à vélo. Par rapport à tous les collégiens cela donne une proportion de $84 \div 257 = \frac{84}{257} \approx 0,33$ donc il y a plus de 30% d'élèves qui parcourent au moins 5 km.

Exercice 4 (1,5 pts)

1. $4 \times 2 = 8$; $8^2 = 64$; $64 - 9 = 55$ ou $(4 \times 2)^2 - 9 = 55$.

2.a. On obtient $(x \times 2)^2 - 9 = 4x^2 - 9$.

b. Quand on développe la proposition C. on obtient :

$$(2x + 3)(2x - 3) = 2x \times 2x + 2x \times (-3) + 3 \times 2x + 3 \times (-3) = 4x^2 - 6x + 6x - 9 = 4x^2 - 9$$

Exercice 5 (3 pts)

1. [AC] est le côté de ce triangle le plus long, on regarde donc :

$$AB^2 + CB^2 = 4^2 + 9,6^2 = 108,16.$$

$$AC^2 = 10,4^2 = 108,16.$$

Donc $AC^2 = AB^2 + BC^2$, l'égalité de Pythagore est vérifiée dans ce triangle. D'après la réciproque du théorème de Pythagore, le triangle ABC est rectangle en B.

2. On a $(BC) \parallel (LK)$, de plus (AL) et (BK) sont sécantes en C et $K \in [CB]$ et $L \in [CA]$.

On peut appliquer le théorème de Thalès :

$$\frac{CK}{CB} = \frac{CL}{CA} = \frac{LK}{AB} \quad \text{donc} \quad \frac{3}{9,6} = \frac{CL}{10,4}.$$

On en déduit que $CL = 10,4 \times \frac{3}{9,6} = \frac{13}{4} = 3,25$, soit $CL = 3,25 \text{ cm}$

3. En utilisant par exemple la définition du cosinus d'un angle aigu dans le triangle ABC rectangle en B, on peut écrire :

$$\cos(\widehat{CAB}) = \frac{AB}{AC} = \frac{4}{10,4}$$

Donc $\widehat{CAB} = \arccos\left(\frac{4}{10,4}\right) \approx 67^\circ$.